



Departamento de Matemática
Aplicada I

Técnicas Matemáticas de la Informática Gráfica

Optativa de 3^{er} curso de Ingeniería Técnica en
Informática

Primer cuatrimestre

Curso 2002/2003

Descripción

El programa de la asignatura pretende que el alumno conozca las principales herramientas y técnicas necesarias para la generación de imágenes por ordenador (síntesis) y su posterior manipulación (procesamiento/análisis). Estando principalmente enfocado a la Síntesis, se estudiará la creación y representación en ordenador de objetos 2D y 3D, cómo transformarlos en el espacio y deformarlos; ponerlos en perspectiva y visualizar una imagen virtual de ellos. Naturalmente, esto requerirá recordar y actualizar, de una forma más aplicada, algunas cuestiones matemáticas estudiadas anteriormente en otras asignaturas: Transformaciones afines. Álgebra matricial. Definición y propiedades de curvas y superficies, etc.

En la 2^a parte de la asignatura (**Rendering**), mucho más algorítmica, se describirán los métodos de determinación de la visibilidad y el tratamiento del color y la textura de los objetos sintéticos. Para ello será necesario esbozar la teoría electromagnética de la luz y su interacción con los objetos (reflexión, refracción, color) para formular un **modelo de iluminación** que permita simular de manera efectiva objetos con apariencia real. De nuevo, la mayoría de los recursos matemáticos que se precisan son ya conocidos por el alumno (trigonometría, geometría 3D y transformaciones afines).

Como complemento a la materia, y ya finalizando el curso, se hará una introducción a la animación por ordenador, centrándose en el control cinético del movimiento y en la simulación dinámica de algunos fenómenos físicos.

Programa

Capítulo I.- Elementos de Geometría 2D Y 3D. Transformaciones

● Geometría 2D. Transformaciones afines

Sistemas de referencia. Coordenadas. Distancia. Producto escalar. Curvas.
Transformaciones elementales. Aplicaciones lineales. Afinidades.

● **Geometría 3D. Transformaciones afines. Perspectiva**

Sistemas de referencia. Coordenadas. Distancia. Producto escalar y vectorial. Transformaciones elementales. Afinidades. Coordenadas homogéneas: El espacio proyectivo. Perspectiva.

● **Transformaciones de encuadre y perspectiva**

Transformación Ventana-Puerta. Recorte 2D. Cámara virtual. Perspectiva. La Transformación de vista. Proyecciones. Perspectiva en el espacio proyectivo.

Capítulo II.- Modelado

● **Modelado poligonal/poliédrico**

Representación de polígonos y poliedros. Operadores geométricos y topológicos. Árboles CSG. Fórmula de Euler-Poincaré.

● **Modelado regular**

Polinomios. Bases. Splines. Control de forma. Curvas de Bezier. Interpolación y ajuste. Representación de superficies. Superficies producto tensorial. Técnica de Lofting. Superficies Spline. NURBS.

Capítulo III.- Rendering

● **Visibilidad**

Conceptos generales. Prioridad. Técnica del pintor. Clasificación de algoritmos. Algoritmos de eliminación de líneas y de superficies ocultas.

● **Iluminación y color**

Teoría del color. Modelos de color. Interacción de la luz. Reflexión y refracción. Reflexión especular y difusa. Modelo de iluminación de Phong.

● **Fotorrealismo**

Ray Tracing. Modelo de iluminación. Sombras arrojadas. Aliasing. Filtrado. Antialiasing estocástico y adaptativo. Ray Tracing recursivo. Texturas. Texturas bidimensionales. Bump-Mapping.

● **Almacenamiento y procesamiento de imágenes digitales**

Formatos gráficos. Compresión de imágenes. Técnicas elementales de procesamiento de imágenes.

● **Introducción a la animación por ordenador**

Principios de la animación. Animación en tiempo real y diferida. Aplicaciones. Inbetweening. Deformación libre. Control cinético. Simulación dinámica. Ejemplos.

Bibliografía

- R.H. Bartels, J.C. Beatty y B.A. Barksy: *An Introduction to Splines for use in Computer Graphics and Geometric Modeling*. Morgan Kaufmann Publishers. 1987.
- J. Cortés: *Gráficos por ordenador: Técnicas y métodos*. Publicaciones de la Universidad de Sevilla. 1995.
- G. Farin: *Curves and Surfaces for Computer Aided Geometric Design*. Academic Press. 1990.
- J.D. Foley, A. Van Dam, S.K. Feiner y J.F. Hughes: *Computer Graphics. Principles and Practice*. Addison Wesley. 1990.
- T. Lyche y L.L. Schumaker: *Mathematical Methods in Computer Aided Geometric Design*. Academic Press. 1989.
- M.E. Mortenson: *Computer Graphics: An Introduction to the Mathematics and Geometry*. Heinemann Newnes. 1989.
- D.F. Rogers: *Procedural Elements for Computer Graphics*. McGraw-Hill. 1985.
- D.F. Rogers y J.A. Adams: *Mathematical Elements for Computer Graphics*. (2nd Edition). McGraw-Hill. 1990.
- A. Watt: *Three-Dimensional Computer Graphics*. Addison Wesley. 1989.

Metodología

Evaluación

Al final del curso se realizará un examen sobre la materia, pudiendo éste consistir en la resolución de problemas prácticos y/o implementación de algunas de las técnicas aprendidas.

Prácticas

Periódicamente, y dentro del horario habitual de clases, se efectuarán prácticas dirigidas.

Profesores

- Cortés Parejo, José 

Tutorías

Los horarios de tutoría y asistencia al alumnado se publicarán en el Departamento.

