



Departamento de
Matemática Aplicada I

Fundamentos de la Teoría de Grafos

Optativa de 3^{er} curso de Ingeniería Técnica en
Informática

Segundo cuatrimestre

Curso 2003/2004

Descripción

La asignatura de Fundamentos de la Teoría de Grafos es una asignatura del plan de estudios de Ingeniería Técnica en Informática de Sistemas de carácter optativo y cuatrimestral, con una asignación de 6 créditos. Está concebida como una continuación de la asignatura de Matemática Discreta que se cursó en primer curso y tiene un marcado enfoque práctico, aplicado y computacional, además de un acentuado carácter formativo.

La asignatura se plantea como respuesta a una variada serie de problemas de la "vida real" (diseño de bloques, almacenamiento de productos químicos, flujo de redes, diseño de circuitos, transporte de viajeros, asignaciones horarias o de tareas, localización de elementos interesantes como hospitales, retenes de bomberos, ...), lo que le confiere el enfoque **aplicado** que señalamos arriba, aprendiendo el alumno, además, a buscar modelos matemáticos adecuados para gran número de situaciones diferentes, lo que suele ser muy habitual en el desarrollo profesional.

El tratamiento que se pretende dar a la asignatura es **práctico** pues, aparte de la resolución de ejemplos y ejercicios sobre el papel, se dedicará una parte importante de los créditos a la realización de prácticas de ordenador y a la resolución de algún problema extraído de situaciones reales. Este último (en adelante el **proyecto**) será distinto para cada alumno o grupo de alumnos y se valorará con el 20% de la puntuación final.

El enfoque de la asignatura es **computacional**, pues se insistirá en presentar algoritmos para resolver cada uno de los problemas planteados (incluso se demostrarán algunos teoremas basándose en algún algoritmo concreto) y porque, al tratar de completar el proyecto será imprescindible el uso del ordenador.

El carácter **formativo** de la asignatura se debe, no sólo al carácter formativo que tienen las Matemáticas en general sino, en concreto, a que el lenguaje y las herramientas que se usan en la asignatura son los habituales en gran parte de las asignaturas de la carrera y en el desarrollo profesional.

Un aspecto importante a resaltar es la diferencia **cuantitativa** en la selección de ejemplos a estudiar respecto a los de la asignatura de Matemática Discreta; ya que no se tratará de buscar ejemplos que se traduzcan en grafos de unos pocos vértices (rara vez más de 10) sino que pueden tener cientos (o miles). Esto se traducirá en una diferencia **cualitativa** a la hora de elegir los posibles métodos de resolución del problema planteado e, incluso, la propia manera de representar el grafo.

Programa

• **Nociones básicas**

Grafos (valencia, subgrafos, isomorfismo, ...). Ejemplos. Digrafos. Valencias de entrada y de salida. Propiedades. Multigrafos. Multigrafos dirigidos. Bucles.

• **Representación de grafos**

Representación de grafos. Matriz de incidencia. Matriz de adyacencia. Propiedades. Representación de grafos en el ordenador.

• **Conectividad**

Componentes conexas. Conexión débil, unilateral y fuerte. Grafos n-conexos. Vértice y aristas de corte.

• **Grafos y algoritmos**

Complejidad de un algoritmo. NP-completitud. Algoritmos de ordenación. Algoritmos de búsqueda. Algoritmo voraz.

• **Árboles**

Árboles: propiedades. Árboles enraizados. Algoritmo de búsqueda en profundidad. Aplicación a la determinación de bloques. Algoritmo de búsqueda en anchura. Árbol recubridor de peso mínimo. Algoritmos de Kruskal, Prim y Boruvka.

• **Caminos y distancias**

Distancia en grafos. Distancia en grafos ponderados. Excentricidad, centro, radio y diámetro de un grafo. Digrafos de actividad. Algoritmo del camino crítico. Códigos de corrección de errores. El problema del cartero. Grafos eulerianos. Digrafos eulerianos. Caracterizaciones. El problema del viajante. Grafos hamiltonianos.

• **Redes y flujos**

Redes. Flujos y cortes. Teorema del flujo máximo y corte mínimo. Algoritmo de etiquetado para flujos en redes. Complejidad. Aplicación: teorema de Mergen.

Coloreado de un grafo

Vértice coloreado de un grafo. Número cromático. Grafo crítico para el color. Polinomio cromático. Arista-coloración. El problema de los cuatro colores.

Emparejamientos y factorizaciones

Introducción. Algoritmos de emparejamiento máximo en grafos bipartitos y en grafos bipartitos ponderados. Algoritmo de emparejamiento máximo en grafos en general. Factorización de un grafo. Diseño de bloques.

Grafos planos

Diseño de circuitos. Grafos planos. Subdivisiones de un grafo. Teorema de Kuratowski. Algoritmos de planaridad de un grafo. Grafos platónicos. Número de cruce.

Bibliografía

- M.O. Albertson y J. Hutchinson: *Discrete Mathematics with Algorithms*. John Wiley and Sons. 1988.
- N.L. Biggs: *Matemática discreta*. Ed. Vicens Vives. 1994.
- G. Chartrand y O. Oellerman: *Applied and algorithmic graph theory*. McGraw-Hill, 1993.
- R.P. Grimaldi: *Matemáticas discreta y combinatoria*. Addison-Wesley Iberoamericana. 1997.
- N. Harstfield y G. Ringel: *Pearls in graph theory*. Academic Press, 1990.
- J. A. McHugh: *Algorithmic Graph Theory*. Prentice Hall, 1990.

Metodología

Evaluación

El 20% de la calificación procederá de la realización de un proyecto (resolución de un problema que pueda resolverse por las técnicas explicadas en la asignatura).

El proyecto será propuesto por el profesor, aunque podría aceptarse alguno propuesto por el propio alumno.

El 80% restante de la calificación reflejará el aprovechamiento obtenido por el alumno y se medirá por medio de una prueba final (que podría exigir el uso de ordenador).

Prácticas

Para poder superar la asignatura (obtener una puntuación final igual o superior a 5), es imprescindible la asistencia a las clases prácticas.

Profesores

- Cáceres Sansaloni, María Teresa 

Tutorías

Los horarios de tutoría y asistencia al alumnado se publicarán en el Departamento.